

三平方の定理⑨ (解答と解説)

1 [解答] 7 cm

直角三角形 DHMにおいて

$$DM^2 = DH^2 + HM^2$$

直角三角形 HEMにおいて

$$HM^2 = HE^2 + EM^2$$

よって $DM^2 = DH^2 + HE^2 + EM^2$
 $= 6^2 + 3^2 + 2^2 = 49$

$DM > 0$ であるから $DM = 7 \text{ cm}$

2 [解答] (1) $4\sqrt{3} \text{ cm}$ (2) $4\sqrt{11} \text{ cm}^2$ (3) $\frac{2\sqrt{33}}{3} \text{ cm}$

(1) $\triangle ABM$ は 3 つの角が $30^\circ, 60^\circ, 90^\circ$ の直角三角形であるから

$$AM = \frac{\sqrt{3}}{2}AB = \frac{\sqrt{3}}{2} \times 8 = 4\sqrt{3} \text{ (cm)}$$

(2) $\triangle AMN$ は, $AN = AM = 4\sqrt{3} \text{ cm}$ の二等辺三角形である。

また, $\triangle BCD$ において, 中点連結定理により

$$MN = \frac{1}{2}BD = 4 \text{ (cm)}$$

線分 MN の中点を O とすると, $\angle AOM = 90^\circ$ であるから, $\triangle AOM$ において

$$AO^2 + OM^2 = (4\sqrt{3})^2$$

$$AO^2 = 44$$

$AO > 0$ であるから $AO = 2\sqrt{11} \text{ cm}$

よって $\triangle AMN = \frac{1}{2} \times 4 \times 2\sqrt{11} = 4\sqrt{11} \text{ (cm}^2\text{)}$

(3) $\triangle AMN$ の面積について

$$\frac{1}{2} \times AN \times MH = 4\sqrt{11}$$

$$\frac{1}{2} \times 4\sqrt{3} \times MH = 4\sqrt{11}$$

したがって $MH = \frac{2\sqrt{11}}{\sqrt{3}} = \frac{2\sqrt{33}}{3} \text{ (cm)}$

