

## 関数 $y = ax^2$ ⑤ (解答と解説)

1 解答 (1)  $-7$  (2)  $8$

$$(1) \quad x=2 \text{ のとき} \quad y = -2^2 = -4$$

$$x=5 \text{ のとき} \quad y = -5^2 = -25$$

$$\text{よって、変化の割合は} \quad \frac{-25 - (-4)}{5 - 2} = \frac{-21}{3} = -7$$

$$(2) \quad x = -6 \text{ のとき} \quad y = -(-6)^2 = -36$$

$$x = -2 \text{ のとき} \quad y = -(-2)^2 = -4$$

$$\text{よって、変化の割合は} \quad \frac{-4 - (-36)}{-2 - (-6)} = \frac{32}{4} = 8$$

2 解答  $a = \frac{1}{4}$

$x$  の変域は  $0$  をふくむから、 $x=0$  のとき  $y=0$  である。

また、 $-2$  と  $4$  を比べると、 $4$  の方が  $0$  から離れているから、 $x=4$  のとき  $y=4$  となる。

$y = ax^2$  に、 $x=4$ 、 $y=4$  を代入すると

$$4 = a \times 4^2$$

$$16a = 4$$

$$\text{よって} \quad a = \frac{1}{4}$$

3 解答 (1)  $A$  の座標  $(-2, -4)$ 、 $B$  の座標  $(3, -9)$  (2)  $y = -x - 6$

(1) 2点  $A$ 、 $B$  は、関数  $y = -x^2$  のグラフ上の点であるから

$$x = -2 \text{ のとき} \quad y = -(-2)^2 = -4$$

$$x = 3 \text{ のとき} \quad y = -3^2 = -9$$

よって、 $A$  の座標は  $(-2, -4)$ 、 $B$  の座標は  $(3, -9)$

$$(2) \quad \text{直線 } l \text{ の傾きは} \quad \frac{-9 - (-4)}{3 - (-2)} = -1$$

よって、 $l$  の式は  $y = -x + b$  とおける。

$y = -x + b$  に  $x = -2$ 、 $y = -4$  を代入すると

$$-4 = -(-2) + b$$

$$b = -6$$

したがって、 $l$  の式は  $y = -x - 6$