

円の性質⑧ (解答と解説)

[1] [解答] (1) 68° (2) 44°

(1) PB は円 O の接線であるから $\angle OBP = 90^\circ$

よって $\angle ABP = 90^\circ - 22^\circ = 68^\circ$

(2) PA, PB はともに円 O の接線であるから $PA = PB$

よって、 $\triangle PAB$ は二等辺三角形となるから

$$\angle APB = 180^\circ - 2 \times 68^\circ = 44^\circ$$

[2] [解答] (1) 61° (2) 122°

(1) $PA = PB$ より、 $\angle PAB = \angle PBA$ であるから

$$\angle PAB = (180^\circ - 58^\circ) \div 2 = 61^\circ$$

(2) $\angle OAP = \angle OBP = 90^\circ$ であるから、四角形 OAPB において

$$\angle AOB = 360^\circ - (90^\circ + 58^\circ + 90^\circ) = 122^\circ$$

[3] [解答] 64°

$\angle ACB : \angle BDC = \widehat{AB} : \widehat{BC} = 2 : 3$ であるから

$$\angle ACB : 39^\circ = 2 : 3$$

$$3\angle ACB = 78^\circ$$

$$\angle ACB = 26^\circ$$

また、線分 BD は直径であるから $\angle BCD = 90^\circ$

よって $\angle x = 90^\circ - 26^\circ = 64^\circ$

[4] [解答] 略

$\widehat{AD} = \widehat{BD}$ より $\angle ACD = \angle BCD$

$AC // EF$ より $\angle ACD = \angle CEF$

よって $\angle BCD = \angle CEF$

すなわち、 $\angle FCE = \angle FEC$ であるから、 $\triangle CEF$ は二等辺三角形である。