

1 [解答] (1) 63 (2) -6 (3)  $14x-3y$  (4)  $-4y-36$  (5)  $9x^3$  (6)  $\frac{3a+b}{4}$

- (1)  $(-9) \times (-6) + (-72) \div (-8) = 54 + 9 = 63$   
 (2)  $-6^2 \div 4 - (-3) = -36 \div 4 + 3 = -9 + 3 = -6$   
 (3)  $3(2x+5y) + 2(4x-9y) = 6x+15y+8x-18y$   
 $= 6x+8x+15y-18y$   
 $= 14x-3y$   
 (4)  $6(x-3y-2) - 2(3x-7y+12) = 6x-18y-12-6x+14y-24$   
 $= -4y-36$   
 (5)  $x^2 \times (-3xy)^2 \div xy^2 = x^2 \times 9x^2y^2 \div xy^2$   
 $= \frac{x^2 \times 9x^2y^2}{xy^2}$   
 $= 9x^3$   
 (6)  $\frac{2a-b}{2} - \frac{a-3b}{4} = \frac{2(2a-b)}{4} - \frac{a-3b}{4}$   
 $= \frac{2(2a-b)-(a-3b)}{4}$   
 $= \frac{4a-2b-a+3b}{4}$   
 $= \frac{3a+b}{4}$

2 [解答] (1)  $\frac{113}{100}a < 800$  (2)  $27^\circ$  (3)  $x=9$  (4)  $119 \text{ cm}^3$  (5)  $\frac{3}{10}$

- (1)  $a$  円にその 13% を加えた金額は  $a \times \left(1 + \frac{13}{100}\right)$  円であるから  

$$a \times \left(1 + \frac{13}{100}\right) < 800$$
  
 すなわち  $\frac{113}{100}a < 800$   
 (2)  $\triangle DCE$  において、内角と外角の性質から  $\angle DCE = 71^\circ - 38^\circ = 33^\circ$   
 $\triangle ABC$  は正三角形であるから  $\angle ACB = 60^\circ$   
 したがって  $\angle x = 60^\circ - 33^\circ = 27^\circ$   
 (3)  $y$  は  $x$  に比例するから、比例定数を  $a$  とすると  $y = ax$  と表すことができる。  
 $x=7$  のとき  $y = -28$  であるから  
 $-28 = a \times 7$   
 $a = -4$   
 よって  $y = -4x$   
 $y = -4x$  に  $y = -36$  を代入すると  
 $-36 = -4x$   
 $x = 9$   
 (4)  $BP = 5 - 1 = 4$  (cm),  
 $BQ = 3$  (cm),  
 $BR = 5 - 2 = 3$  (cm)  
 であるから、三角錐  $BPQR$  の体積は  $\frac{1}{3} \times \left(\frac{1}{2} \times 4 \times 3\right) \times 3 = 6$  (cm<sup>3</sup>)  
 立方体の体積は  $5^3 = 125$  (cm<sup>3</sup>) である。  
 したがって、求める体積は  
 $125 - 6 = 119$  (cm<sup>3</sup>)  
 (5) 2枚の -1 を、 $-1_A, -1_B$  とする。

カード	和	カード	和
$\{-1_A, -1_B\}$	-2	$\{-1_B, 1\}$	0
$\{-1_A, 0\}$	-1	$\{-1_B, 2\}$	1
$\{-1_A, 1\}$	0	$\{0, 1\}$	1
$\{-1_A, 2\}$	1	$\{0, 2\}$	2
$\{-1_B, 0\}$	-1	$\{1, 2\}$	3

2枚のカードの取り出し方と、取り出したカードに書かれている数の和は、上の表のようになる。  
 カードの取り出し方は、全部で 10 通りある。  
 2枚のカードに書かれている数の和が 1 になる場合は  
 $\{-1_A, 2\}, \{-1_B, 2\}, \{0, 1\}$   
 の 3 通りあるから、求める確率は  $\frac{3}{10}$

3 [解答] (1) 男子 300 人, 女子 260 人 (2) 略 (3) 略

(1) 昨年と今年の生徒数をまとめると、次の表のようになる。

	男子	女子	合計
昨年の生徒数(人)	$x$	$y$	560
増加または減少した生徒数(人)	$\frac{6}{100}x$	$\frac{5}{100}y$	5

昨年の生徒数の関係から

$$x + y = 560$$

今年に増えた生徒数の関係から

$$\frac{6}{100}x - \frac{5}{100}y = 5$$

よって

$$\begin{cases} x + y = 560 & \dots\dots ① \\ \frac{6}{100}x - \frac{5}{100}y = 5 & \dots\dots ② \end{cases}$$

②の両辺に 100 をかけると

$$6x - 5y = 500 \quad \dots\dots ③$$

$$① \times 5 \quad 5x + 5y = 2800$$

$$③ \quad +) \quad 6x - 5y = 500$$

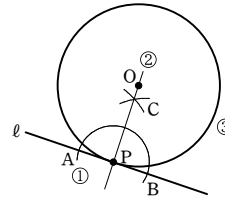
$$11x = 3300$$

$$x = 300$$

$x = 300$  を ① に代入して解くと  $y = 260$

よって 男子 300 人, 女子 260 人

(2)



- ① 点 P を中心とする円をかき、直線  $l$  との交点をそれぞれ A, B とする。  
 ② 2点 A, B をそれぞれ中心として、等しい半径の円をかき、その交点の 1 つを C とし、直線 PC をひく。  
 ③ 直線 PC 上に点 O をとり、O を中心として半径 OP の円をかき、このとき、円 O は、点 P で直線  $l$  に接する。

(3)

$\triangle ABD$  と  $\triangle ACE$  において  $\triangle ABC, \triangle ADE$  は正三角形であるから

$$AB = AC \quad \dots\dots ①$$

$$AD = AE \quad \dots\dots ②$$

また  $\angle BAD = \angle BAC - \angle DAC$

$$= 60^\circ - \angle DAC$$

$$\angle CAE = \angle DAE - \angle DAC$$

$$= 60^\circ - \angle DAC$$

よって  $\angle BAD = \angle CAE \quad \dots\dots ③$

①, ②, ③ より、2 辺とその間の角がそれぞれ等しいから

$$\triangle ABD \cong \triangle ACE$$

したがって  $BD = CE$