

- 1 [解答] 1. ④ 2.(1) 6, -6 (2) 0.4, -0.4 (3)  $\sqrt{10}$ ,  $-\sqrt{10}$  (4)  $\sqrt{0.1}$ ,  $-\sqrt{0.1}$   
 3. (1)  $\sqrt{6} < \sqrt{7}$  (2)  $\sqrt{26} > 5$  (3)  $-\sqrt{5} < -2$  4.  $\frac{5}{8}$ ,  $-\sqrt{4}$ ,  $\sqrt{0.16}$

1.

- ① 16の平方根は  $\pm 4$   
 ②  $\sqrt{(-3)^2} = 3$   
 ③  $\sqrt{0.4}$  は 0.2 に等しくない。  
 ④  $(-\sqrt{5})^2 = 5$   
 よって、正しいものは ④

2.

- (1)  $6^2 = 36$ ,  $(-6)^2 = 36$  であるから、36の平方根は 6, -6  
 (2)  $0.4^2 = 0.16$ ,  $(-0.4)^2 = 0.16$  であるから、0.16の平方根は 0.4, -0.4  
 (3) 10の平方根は  $\sqrt{10}$ ,  $-\sqrt{10}$   
 (4) 0.1の平方根は  $\sqrt{0.1}$ ,  $-\sqrt{0.1}$

3.

- (1)  $6 < 7$  であるから  $\sqrt{6} < \sqrt{7}$   
 (2)  $5 = \sqrt{25}$  で、 $26 > 25$  であるから  
 $\sqrt{26} > \sqrt{25}$  すなわち  $\sqrt{26} > 5$   
 (3)  $2 = \sqrt{4}$  で、 $5 > 4$  であるから  $\sqrt{5} > 2$   
 よって  $-\sqrt{5} < -2$

4.  $-\sqrt{4} = -2$ ,  $\sqrt{0.16} = 0.4$  であるから、有理数は  $\frac{5}{8}$ ,  $-\sqrt{4}$ ,  $\sqrt{0.16}$

- 2 [解答] (1)  $2ab + 3ac$  (2)  $3x^2 - 10xy + 6y^2$  (3)  $xy + 4x - 2y - 8$   
 (4)  $x^2 + 4x - 5$  (5)  $x^2 - 7x + 12$  (6)  $x^2 + 4x + 4$   
 (7)  $a^2 - 9$  (8)  $36a^2 - 12a + 1$  (9)  $\sqrt{35}$   
 (10)  $12\sqrt{7}$  (11)  $5\sqrt{3} - 6\sqrt{5}$  (12)  $4\sqrt{3}$  (13) 1

(1)  $a(2b + 3c) = a \times 2b + a \times 3c$   
 $= 2ab + 3ac$

(2)  $3x(x - 2y) - 2y(2x - 3y) = 3x^2 - 6xy - 4xy + 6y^2$   
 $= 3x^2 - 10xy + 6y^2$

(3)  $(x - 2)(y + 4) = x \times y + x \times 4 - 2 \times y - 2 \times 4$   
 $= xy + 4x - 2y - 8$

(4)  $(x - 1)(x + 5) = x^2 + 5x - x - 5$   
 $= x^2 + 4x - 5$

(5)  $(x - 3)(x - 4) = x^2 + \{(-3) + (-4)\}x + (-3) \times (-4)$   
 $= x^2 - 7x + 12$

(6)  $(x + 2)^2 = x^2 + 2 \times 2 \times x + 2^2$   
 $= x^2 + 4x + 4$

(7)  $(a - 3)(a + 3) = a^2 - 3^2$   
 $= a^2 - 9$

(8)  $(6a - 1)^2 = (6a)^2 - 2 \times 1 \times 6a + 1^2$   
 $= 36a^2 - 12a + 1$

(9)  $\sqrt{5} \times \sqrt{7} = \sqrt{5 \times 7}$   
 $= \sqrt{35}$

(10)  $\sqrt{24} \times \sqrt{42} = \sqrt{24 \times 42}$   
 $= \sqrt{2^3 \times 3 \times 2 \times 3 \times 7}$   
 $= \sqrt{(4 \times 3)^2 \times 7}$   
 $= 12\sqrt{7}$

(11)  $\sqrt{3} - 6\sqrt{5} + 4\sqrt{3} = (1 + 4)\sqrt{3} - 6\sqrt{5}$   
 $= 5\sqrt{3} - 6\sqrt{5}$

(12)  $3\sqrt{12} - \frac{15}{\sqrt{3}} + \sqrt{27} = 3 \times 2\sqrt{3} - \frac{15 \times \sqrt{3}}{\sqrt{3} \times \sqrt{3}} + 3\sqrt{3}$   
 $= 6\sqrt{3} - \frac{15\sqrt{3}}{3} + 3\sqrt{3}$   
 $= 6\sqrt{3} - 5\sqrt{3} + 3\sqrt{3}$   
 $= 4\sqrt{3}$

(13)  $(3 + 2\sqrt{2})(3 - 2\sqrt{2}) = 3^2 - (2\sqrt{2})^2$   
 $= 9 - 8 = 1$

- 3 [解答] (1)  $y(x+z)$  (2)  $(x-1)(x-5)$  (3)  $(a+9)^2$  (4)  $(8+t)(8-t)$   
 (5)  $5b(2a+1)(2a-1)$  (6)  $(a+b-3)(a+b-4)$

(1)  $xy + yz = y \times x + y \times z$   
 $= y(x+z)$

(2)  $x^2 - 6x + 5 = x^2 + \{(-1) + (-5)\}x + (-1) \times (-5)$   
 $= (x-1)(x-5)$

(3)  $a^2 + 18a + 81 = a^2 + 2 \times 9 \times a + 9^2$   
 $= (a+9)^2$

(4)  $64 - t^2 = 8^2 - t^2$   
 $= (8+t)(8-t)$

(5)  $20a^2b - 5b = 5b(4a^2 - 1)$   
 $= 5b\{(2a)^2 - 1^2\}$   
 $= 5b(2a+1)(2a-1)$

(6)  $a+b$  を  $M$  とおくと  
 $(a+b)^2 - 7(a+b) + 12 = M^2 - 7M + 12$   
 $= (M-3)(M-4)$   
 $= (a+b-3)(a+b-4)$

- 4 [解答] (1)  $\frac{5}{8}$  (2)  $\frac{1}{2}$

3枚の硬貨の表裏の出方は全部で8通りあり、これらは同様に確からしい。

また、表の出る硬貨の合計金額を表にすると、右のようになる。

- (1) 合計金額が50円以上150円以下になるのは、50円, 55円, 100円, 105円, 150円になる場合で、すなわち、(100円玉, 50円玉, 5円玉)が  
 (裏, 表, 裏), (裏, 表, 表), (表, 裏, 裏),  
 (表, 裏, 表), (表, 表, 裏)

になる5通りがある。

よって、求める確率は  $\frac{5}{8}$

- (2) 合計金額が奇数になるのは、155円, 105円, 55円, 5円になる場合で、すなわち

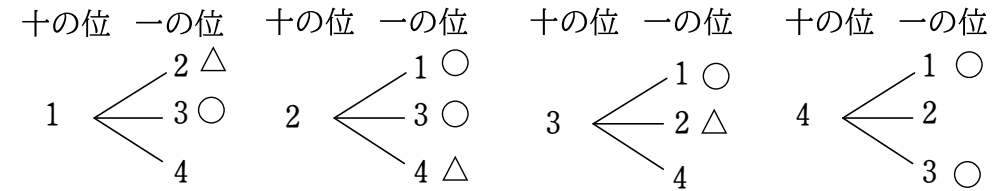
(表, 表, 表), (表, 裏, 表), (裏, 表, 表), (裏, 裏, 表)

の4通りある。

よって、求める確率は  $\frac{4}{8} = \frac{1}{2}$

- 5 [解答] (1) 12種類 (2)  $\frac{1}{4}$

2枚のカードを取り出してできる2けたの数を樹形図で表すと、下のようになる。



- (1) 上の図から、2けたの数は全部で12種類できる。

- (2) できた2けたの数が4の倍数である場合は、上の樹形図に△をつけた3通りある。

よって、求める確率は  $\frac{3}{12} = \frac{1}{4}$

100円 50円 5円 合計金額

表	表	表	155円
表	表	裏	150円
表	裏	表	105円
表	裏	裏	100円
裏	表	表	55円
裏	表	裏	50円
裏	裏	表	5円
裏	裏	裏	0円

6 解答 1.(1) 2496 (2) 2000 2. 200 3. 略 4. 略

$$\begin{aligned}1.(1) \quad 52 \times 48 &= (50 + 2)(50 - 2) \\ &= 50^2 - 2^2 \\ &= 2500 - 4 \\ &= 2496\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}(2) \quad 105^2 - 95^2 &= (105 + 95)(105 - 95) \\ &= 200 \times 10 \\ &= 2000\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}2. \quad x^2 + 2x - 24 &= (x + 6)(x - 4) \\ \text{よって, 求める式の値は} \\ (14 + 6)(14 - 4) &= 20 \times 10 \\ &= 200\end{aligned}$$

3. 道の面積は, 縦が  $(a + 2c)$  m, 横が  $(b + 2c)$  m の長方形の面積から, 縦が  $a$  m, 横が  $b$  m の長方形の面積をひいたものである。

$$\begin{aligned}\text{よって} \quad S &= (a + 2c)(b + 2c) - ab \\ &= ab + 2ac + 2bc + 4c^2 - ab \\ &= 2ac + 2bc + 4c^2\end{aligned}$$

道の中央を通る長方形の縦は  $(a + c)$  m, 横は  $(b + c)$  m であるから

$$\begin{aligned}\ell &= 2(a + c) + 2(b + c) \\ &= 2a + 2b + 4c\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\text{よって} \quad c\ell &= 2ac + 2bc + 4c^2 \\ \text{したがって} \quad S &= c\ell\end{aligned}$$

4. 連続する2つの奇数は, 整数  $n$  を使って  $2n - 1$ ,  $2n + 1$  と表される。

このとき, これらの積から小さい方の奇数の2倍をひいた数は

$$\begin{aligned}(2n - 1)(2n + 1) - 2(2n - 1) &= 4n^2 - 1 - 4n + 2 \\ &= 4n^2 - 4n + 1 \\ &= (2n - 1)^2\end{aligned}$$

これは, 小さい方の奇数の2乗である。