

1 [解答] (1) 17 (2) 16 (3) $18x+15y$ (4) $8a$ (5) $\frac{19a+2b}{20}$ (6) $-y^3$

(1) $5 \times (-3) + (-4) \times (-8) = -15 + 32 = 17$

(2) $3^2 - 14 \div (-2) = 9 - 14 \div (-2)$
 $= 9 - (-7)$
 $= 9 + 7$
 $= 16$

(3) $8x + 5(2x + 3y) = 8x + 10x + 15y$
 $= 18x + 15y$

(4) $5(3a - 7b) - 7(a - 5b) = 15a - 35b - 7a + 35b$
 $= 15a - 7a - 35b + 35b$
 $= 8a$

(5) $\frac{3a+2b}{4} + \frac{a-2b}{5} = \frac{5(3a+2b)}{20} + \frac{4(a-2b)}{20}$
 $= \frac{5(3a+2b) + 4(a-2b)}{20}$
 $= \frac{15a+10b+4a-8b}{20}$
 $= \frac{19a+2b}{20}$

(6) $-5xy^3 \div 10x^3y^2 \times 2x^2y^2 = -\frac{5xy^3 \times 2x^2y^2}{10x^3y^2}$
 $= -y^3$

2 [解答] (1) 96 (2) 35° (3) $y=4$ (4) $88\pi \text{ cm}^2$ (5) $\frac{3}{8}$

(1) $(-2ab)^2 \times 4a^4b \div (-8a^5b^2) = 4a^2b^2 \times 4a^4b \div (-8a^5b^2)$
 $= -\frac{4a^2b^2 \times 4a^4b}{8a^5b^2}$
 $= -2ab$

$a=6, b=-8$ を $-2ab$ に代入すると
 $-2 \times 6 \times (-8) = 96$

(2) $\angle ACD$ の大きさを x とする。
 $\triangle ABD$ は $BA=BD$ の二等辺三角形であるから
 $\angle ADB = (180^\circ - 40^\circ) \div 2 = 70^\circ$
 $\triangle ADC$ は $DA=DC$ の二等辺三角形であるから
 $\angle DAC = \angle ACD = x$
 $\triangle ADC$ において、内角と外角の性質から
 $x+x=70^\circ$
 よって、 $x=35^\circ$ であるから $\angle ACD=35^\circ$

(3) y は x に反比例するから、比例定数を a とすると、 $y = \frac{a}{x}$ と表すことができる。

$x=3$ のとき $y=-8$ であるから

$-8 = \frac{a}{3}$
 $a = -24$

よって $y = -\frac{24}{x}$

$y = -\frac{24}{x}$ に $x=-6$ を代入すると

$y = -\frac{24}{-6} = 4$

(4) 底面の円の半径は 4 cm であるから、底面積は

$\pi \times 4^2 = 16\pi (\text{cm}^2)$

側面積は $7 \times (\pi \times 8) = 56\pi (\text{cm}^2)$

よって、表面積は

$16\pi \times 2 + 56\pi = 88\pi (\text{cm}^2)$

(5) 硬貨の表裏の出方と表の出る硬貨の金額の合計は、表のようになる。

硬貨の表裏の出方は、全部で 8 通りある。

50円	10円	5円	金額
表	表	表	65円
表	表	裏	60円
表	裏	表	55円
表	裏	裏	50円
裏	表	表	15円
裏	表	裏	10円
裏	裏	表	5円
裏	裏	裏	0円

表の出る硬貨の金額の合計が 55 円以上になるのは

(表, 表, 表), (表, 表, 裏), (表, 裏, 表),

の 3 通りあるから、求める確率は $\frac{3}{8}$

3 [解答] (1) 子 13 歳, 父親 39 歳 (2) 略 (3) 略

(1) 現在の子の年齢を x 歳, 現在の父親の年齢を y 歳とすると

$$\begin{cases} y = 3x \\ y + 13 = 2(x + 13) \end{cases}$$

この連立方程式を解くと $x=13, y=39$

$x=13, y=39$ は問題に適している。

図 子 13 歳, 父親 39 歳

(2)

$\angle ABC = 180^\circ - (45^\circ + 75^\circ) = 60^\circ$ であることを利用する。

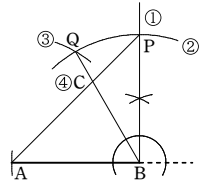
① 点 B を通り、辺 AB に垂直な直線をひく。

② ① でかいた直線上に、 $PB=AB$ となる点 P をとり、線分 AP をかく。

③ 線分 AB を 1 辺とする正三角形 QAB の頂点 Q を、直線 AB について点 P と同じ側に作図する。

④ 線分 BQ をかき、線分 AP との交点を C とする。

このとき、 $\triangle ABP$ は $AB=PB$ の直角二等辺三角形であるから $\angle CAB=45^\circ$
 また、 $\triangle ABQ$ は正三角形であるから、 $\angle ABC=60^\circ$ となり、 $\triangle ABC$ は求める三角形である。図



(3)

$AB=AE$ であるから $\angle ABE = \angle AEB$ …… ①

$AB \parallel FC$ より、錯角は等しいから $\angle BFC = \angle ABE$

$AD \parallel BC$ より、錯角は等しいから $\angle FBC = \angle AEB$

① より $\angle BFC = \angle FBC$

よって、 $\triangle BCF$ は、 2 つの角が等しいから、二等辺三角形である。

したがって $BC=CF$

平行四辺形の対辺は等しいから $BC=AD$

よって $AD=CF$