

1 [解答] 1. (1) 18 (2) $-\frac{3}{10}$ (3) $-6x-3y$ (4) 48 (5) $\bigcirc-\triangle$

2. $x=1, y=-2$ 3. $y=-\frac{1}{3}x+1$ 4. $70\pi\text{ cm}^2$ 5. 70°

配点：1 (1) ~ (5) : 3点×5, 2~5 : 4点×4

1.(1) $12+54\div 9=12+6=18$

(2) $\frac{1}{2}+\frac{3}{5}\div\left(-\frac{3}{4}\right)=\frac{1}{2}+\frac{3}{5}\times\left(-\frac{4}{3}\right)=\frac{1}{2}+\left(-\frac{4}{5}\right)=\frac{1}{2}-\frac{4}{5}$
 $=\frac{5}{10}-\frac{8}{10}=-\frac{3}{10}$

(3) $6(x-2y)-3(4x-3y)=6x-12y-12x+9y$
 $=6x-12x-12y+9y$
 $=-6x-3y$

(4) $8ab^2\times(-3b)\div 6b^2=-\frac{8ab^2\times 3b}{6b^2}$
 $=-4ab$

$a=6, b=-2$ を $-4ab$ に代入すると
 $-4\times 6\times(-2)=48$

(5) $\bigcirc<\triangle$ のとき, $\bigcirc-\triangle$ の値は負の数になる。

また, 正の数どうしの和, 積, 商はすべて正の数であるから, $\bigcirc+\triangle, \bigcirc\times\triangle, \frac{\triangle}{\bigcirc}$
 の値は正の数である。 よって, 値がもっとも小さいのは $\bigcirc-\triangle$

2. $\begin{cases} 3x-2y=7 & \dots\dots ① \\ 7x-5y=17 & \dots\dots ② \end{cases}$

①×5 $15x-10y=35$
 $-) 14x-10y=34$
 $\hline x=1$

$x=1$ を ① に代入すると
 $3\times 1-2y=7$
 $-2y=4$
 $y=-2$
 よって $x=1, y=-2$

3. グラフの傾きが $-\frac{1}{3}$ であるから, この1次関数は, $y=-\frac{1}{3}x+b$ と表される。

点 $(-3, 2)$ を通るから, $x=-3, y=2$ をこの式に代入すると

$$2=-\frac{1}{3}\times(-3)+b$$

$$b=1$$

よって, 求める式は $y=-\frac{1}{3}x+1$

4. 底面積は

$$\pi\times 5^2=25\pi(\text{cm}^2)$$

側面となるおうぎ形の半径は, 円錐の母線の長さに等しく 9 cm

また, おうぎ形の弧の長さは, 底面の円周の長さに等しいから

$$2\pi\times 5=10\pi(\text{cm})$$

よって, 側面積は

$$\frac{1}{2}\times 10\pi\times 9=45\pi(\text{cm}^2)$$

したがって, 表面積は

$$25\pi+45\pi=70\pi(\text{cm}^2)$$

5. 右の図のように, 直線 l に平行な直線 n, n' をひく。

$l\parallel n$ より, 錯角は等しいから

$$\angle a=20^\circ$$

$n'\parallel m$ より

$$\angle d=40^\circ$$

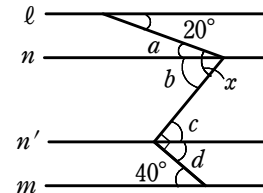
よって $\angle c=90^\circ-40^\circ=50^\circ$

$n\parallel n'$ より

$$\angle b=\angle c=50^\circ$$

したがって

$$\begin{aligned} \angle x &= 20^\circ+50^\circ \\ &= 70^\circ \end{aligned}$$



2 [解答] 1. $\frac{7}{12}$ 2. $100\pi \text{ cm}^3$ 3. 略 4. 6個 5. 男子 20人 女子 16人

配点：1~5：4点×5

1.

さいころ	硬貨	値	さいころ	硬貨	値
1	表	2	4	表	8
1	裏	1	4	裏	16
2	表	4	5	表	10
2	裏	4	5	裏	25
3	表	6	6	表	12
3	裏	9	6	裏	36

さいころの目と硬貨の表裏の出方と、計算した値は、上の表のようになる。

さいころの目と硬貨の表裏の出方は、全部で12通りある。

計算した値が9以下になるのは

- (1, 表), (1, 裏), (2, 表), (2, 裏),
(3, 表), (3, 裏), (4, 表)

の7通りあるから、求める確率は $\frac{7}{12}$

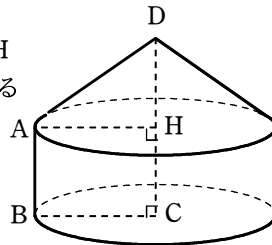
2. A から辺 DC に垂線 AH をひく。

このとき、台形を1回転させてできる立体は、長方形 ABCH を1回転させてできる円柱と、 $\triangle ADH$ を1回転させてできる円錐を組み合わせたものである。

ここで $AH = BC = 5 \text{ (cm)}$,
 $HC = AB = 3 \text{ (cm)}$,
 $DH = 6 - 3 = 3 \text{ (cm)}$

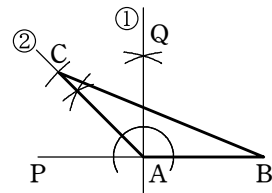
であるから、求める体積は

$$\pi \times 5^2 \times 3 + \frac{1}{3} \times \pi \times 5^2 \times 3 = 100\pi \text{ (cm}^3\text{)}$$



3.

- ① 半直線 BA 上に点 P をとる。点 A を通り、直線 AB に垂直な直線をひき、この直線上に点 Q をとる。
② $\angle PAQ$ の二等分線を作図し、この二等分線上に、 $AC = AB$ となる点 C をとり、B と C を結ぶ。



このとき、 $\angle PAC = 90^\circ \div 2 = 45^\circ$ であるから、 $\angle CAB = 180^\circ - 45^\circ = 135^\circ$ である。

よって、 $\triangle ABC$ は求める三角形である。

4. y は x に反比例するから、比例定数を a とすると、 $y = \frac{a}{x}$ と表すことができる。

$$x=6 \text{ のとき } y = \frac{3}{2} \text{ であるから } \frac{3}{2} = \frac{a}{6}$$

$$a = 9$$

したがって $y = \frac{9}{x}$

$y = \frac{9}{x}$ のグラフ上で、 x 座標、 y 座標がともに整数である点の座標は

- (1, 9), (3, 3), (9, 1), (-1, -9), (-3, -3), (-9, -1)

したがって 6個

5. 昨年の男子の部員数を x 人、女子の部員数を y 人とする

$$\begin{cases} x + y = 36 & \dots\dots ① \\ \frac{10}{100}x + \frac{25}{100}y = 6 & \dots\dots ② \end{cases}$$

② から $10x + 25y = 600$

$$2x + 5y = 120 \quad \dots\dots ③$$

③ $2x + 5y = 120$

$$\begin{array}{r} -) 2x + 2y = 72 \\ \hline 3y = 48 \\ y = 16 \end{array}$$

$y = 16$ を ① に代入して解くと $x = 20$

$x = 20, y = 16$ は問題に適している。

よって 昨年の男子の部員数は 20人、女子の部員数は 16人

- 3 解答 1. (1) 30人 (2) 60点 (3) 55点
 2. 男子 $9.580 \leq a < 9.590$ 女子 $10.490 \leq b < 10.500$ 3. 0.7
 配点: 1 (1) ~ (3) : 3点×3, 2~3: 4点×2

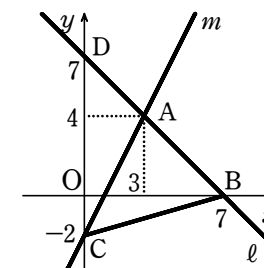
1. (1) $3+4+8+7+6+2=30$ 答 30人
 (2) (階級値)×(度数)の合計は
 $35 \times 3 + 45 \times 4 + 55 \times 8 + 65 \times 7 + 75 \times 6 + 85 \times 2 = 1800$
 よって、平均値は $\frac{1800}{30} = 60$
 答 60点
 (3) 度数のもっとも大きい階級の階級値は55点であるから、最頻値は 55点
2. 9.580以上9.590未満の数の小数第3位以下を切り捨てると9.58となる。
 よって、 a の真の値の範囲を不等号を使って表すと
 $9.580 \leq a < 9.590$
 同様に、10.490以上10.500未満の数の小数第3位以下を切り捨てると10.49となる。
 よって、 b の真の値の範囲を不等号を使って表すと
 $10.490 \leq b < 10.500$
3. 雷が発生すると予想した日のうち、予想が当たった日数は 5日
 $30-8=22$ より、雷が発生しないと予想したのは22日で、そのうち予想が当たった日数は $22-6=16$ (日)
 よって、予想が当たった日数の合計は $5+16=21$ (日)
 したがって、求める相対度数は $\frac{21}{30} = 0.7$

- 4 解答 1. $a=2$ 2. $(7, 0)$ 3. 18 4. $y=-10x+34$
 配点: 1~4: 4点×4

1. 点Aは直線 l 上の点であるから、 $y=-x+7$ に $x=3$ 、 $y=b$ を代入すると
 $b=-3+7$
 $b=4$
 よって、点Aの座標は $(3, 4)$
 点Aは直線 m 上の点であるから、 $y=ax-2$ に $x=3$ 、 $y=4$ を代入すると
 $4=3a-2$
 $a=2$

2. $y=-x+7$ に $y=0$ を代入すると
 $0=-x+7$
 $x=7$
 よって、点Bの座標は $(7, 0)$

3. 直線 l と y 軸との交点をDとする。
 $\triangle ABC = \triangle BDC - \triangle ADC$
 $= \frac{1}{2} \times 9 \times 7 - \frac{1}{2} \times 9 \times 3$
 $= 18$



4. 求める直線は、点Aと線分BCの中点を通る直線である。
 線分BCの中点をMとすると、Mの座標は $(\frac{7+0}{2}, \frac{0-2}{2})$
 すなわち $(\frac{7}{2}, -1)$
 求める直線の式を $y=px+q$ とおくと

$$\begin{cases} 4=3p+q \\ -1=\frac{7}{2}p+q \end{cases}$$
 この連立方程式を解くと $p=-10, q=34$
 よって、求める直線の式は $y=-10x+34$

5 解答 1. 略 2. 35° 3. (1) 2cm (2) 10倍

配点：1：3点 2, 3 (1) 4点×2, 3 (2)：5点

1. (証明)

$AB=AE$ であるから $\angle ABE = \angle AEB$ ……①

$AB \parallel FC$ より, 錯角は等しいから $\angle BFC = \angle ABE$

$AD \parallel BC$ より, 錯角は等しいから $\angle FBC = \angle AEB$

①より $\angle BFC = \angle FBC$

よって, $\triangle BCF$ は, 2つの角が等しいから, 二等辺三角形である。

したがって $BC = CF$

平行四辺形の対辺は等しいから $BC = AD$

よって $AD = CF$

2. $AD \parallel BC$ より $\angle EDF = 110^\circ$

また, $\angle BAE = 110^\circ$ (平行四辺形の性質) で $AB = AE$ だから $\angle AEB = 35^\circ$

対頂角は等しいので, $\angle AEB = \angle DEF = 35^\circ$

$\triangle DEF$ で $\angle EFD = 180^\circ - (110^\circ + 35^\circ) = 35^\circ$

3. 1より $AD = CF$ だから $CF = 5\text{cm}$

$DF = CF - DF$

$$= 5 - 3$$

$$= 2\text{ cm}$$

4. 高さが同じとき底辺の比が面積になることを利用する。

$\triangle AEF : \triangle DFE = 3 : 2$ となり $\triangle DEF$ の面積を $2a$ とする。

次に $\triangle ACD$ を a を使って表すと, $\triangle ACD : \triangle ADF$ の面積比は

$$3 : 2 = \square : 5a$$

$$\square = \frac{15}{2}a \text{ となる。}$$

平行四辺形 $ABCD$ の面積は $\frac{15}{2}a \times 2 = 15a$

よって, 四角形 $ABCF$ の面積は $15a + 5a = 20a$

したがって, 求める倍率は

$$20a \div 2a = 10$$