

1 [解答] (1) -15 (2) -6 (3) $2a+11b$ (4) $5a-7b$ (5) $2ab$ (6) $\frac{7x-y}{2}$

- (1) $4 \times (-2) + (-14) \div 2 = -8 - 7 = -15$
 (2) $3 + 3^4 \div (-9) = 3 + 81 \div (-9) = 3 - 9 = -6$
 (3) $(4a + 5b) - 2(a - 3b) = 4a + 5b - 2a + 6b = 2a + 11b$
 (4) $3(a - b) - (-2a + 4b) = 3a - 3b + 2a - 4b = 5a - 7b$
 (5) $(2ab)^2 \div 6a^2b \times 3a = 4a^2b^2 \div 6a^2b \times 3a = \frac{4a^2b^2 \times 3a}{6a^2b} = 2ab$
 (6) $\frac{5x+7y}{2} + x - 4y = \frac{5x+7y+2(x-4y)}{2} = \frac{5x+7y+2x-8y}{2} = \frac{7x-y}{2}$

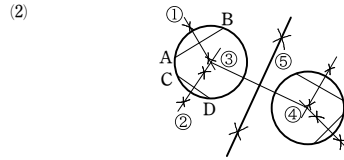
2 [解答] (1) 5 (2) 18° (3) $y = -\frac{36}{x}$ (4) 辺 ED (5) $\frac{1}{9}$

- (1) $-2(x+2y)+3(x+y)$ を計算してから代入する。
 $-2(x+2y)+3(x+y) = -2x-4y+3x+3y = x-y \dots \textcircled{1}$
 ①に $x=3, y=-2$ を代入すると
 $= 3 - (-2) = 3 + 2 = 5$
- (2) $\angle ABC$ の大きさを x とする。
 $AP=PB$ より $\angle PAB = \angle PBA = x$
 よって、 $\triangle ABP$ の内角と外角の性質から $\angle QPA = 2x$
 $QP=AQ$ より $\angle QAP = \angle QPA = 2x$
 よって、 $\triangle APQ$ の内角と外角の性質から $\angle AQC = 4x$
 $AQ=AC$ より $\angle ACQ = \angle AQC = 4x$
 よって、 $\triangle ABC$ の内角について
 $90^\circ + x + 4x = 180^\circ$
 $5x = 90^\circ$
 ゆえに $x = 18^\circ$
 すなわち $\angle ABC = 18^\circ$
- (3) y は x に反比例し、 $x=4$ のとき $y=-9$ だから、
 求める反比例の式 $y = \frac{a}{x}$ は
 $-9 = \frac{a}{4}$
 $a = -36$
 よって、求める式は $y = -\frac{36}{x}$
- (4) 展開図を組み立てたとき、点 A と点 E が重なり、点 B と点 D が重なるから、
 辺 AB に重なる辺は
 辺 ED
- (5) 2つのサイコロを同時に投げたとき、全部で36通りある。
 積が12になる目は
 $(2, 6), (3, 4), (4, 3), (6, 2)$
 の4通りである。
 よって、求める確率は $\frac{4}{36} = \frac{1}{9}$

3 [解答] (1) $-\frac{6}{5}$ (2) 略 (3) 略

- (1) 点 P にあたる数を x とすると
 $\{x - (-3)\} : (2 - x) = 9 : 16$
 よって $(x+3) \times 16 = (2-x) \times 9$
 $16x + 48 = 18 - 9x$
 $25x = -30$
 $x = -\frac{6}{5}$
 これは問題に適している。

図 $-\frac{6}{5}$



- (2) 円 O の中心と円 O' の中心を結んだ線分の垂直二等分線が、求める直線である。
 ① 円 O の周上に適当な 2 点 A, B をとり、線分 AB の垂直二等分線を作図する。
 ② 円 O の周上に A, B とは異なる適当な 2 点 C, D をとり、線分 CD の垂直二等分線を作図する。
 ③ ①, ② で作図した 2 直線の交点が、円 O の中心となる。
 ④ 円 O と同様に、円 O' の中心を作図する。
 ⑤ 円 O の中心と円 O' の中心を結んだ線分の垂直二等分線をひく。

- (3) [仮定] $AB=AD, CB=CD$
 [結論] 直線 AC は線分 BD の垂直二等分線である
 [証明] $\triangle ABC$ と $\triangle ADC$ において
 仮定から $AB=AD \dots \textcircled{1}$
 $CB=CD \dots \textcircled{2}$
 また $AC=AC$ (共通) $\dots \textcircled{3}$
 ①, ②, ③ より、3 辺がそれぞれ等しいから
 $\triangle ABC \equiv \triangle ADC$
 よって $\angle BAC = \angle DAC \dots \textcircled{4}$
 AC と BD の交点を O とする。
 $\triangle ABO$ と $\triangle ADO$ において、④ より
 $\angle BAO = \angle DAO \dots \textcircled{5}$
 また $AO=AO$ (共通) $\dots \textcircled{6}$
 ①, ⑤, ⑥ より、2 辺とその間の角がそれぞれ等しいから
 $\triangle ABO \equiv \triangle ADO$
 よって $BO=DO \dots \textcircled{7}$
 $\angle AOB = \angle AOD \dots \textcircled{8}$
 ⑧ と、 $\angle AOB + \angle AOD = 180^\circ$ より
 $\angle AOB = \angle AOD = 90^\circ$
 これと、⑦ より、直線 AC は線分 BD の垂直二等分線である。