

## 三角形の相似条件① 解答と解説

1 [解答] (1)  $\triangle ABC \sim \triangle DBE$ , 2組の角がそれぞれ等しい  
(2)  $\triangle ABC \sim \triangle ADE$ , 2組の辺の比とその間の角がそれぞれ等しい

(1)  $\triangle ABC$  と  $\triangle DBE$  において

$$\angle ABC = \angle DBE \text{ (共通)}, \quad \angle ACB = \angle DEB (= 53^\circ)$$

2組の角がそれぞれ等しいから  $\triangle ABC \sim \triangle DBE$

(2)  $\triangle ABC$  と  $\triangle ADE$  において

$$AB : AD = 15 : 10 = 3 : 2, \quad AC : AE = 9 : 6 = 3 : 2$$

$$\angle BAC = \angle DAE \text{ (共通)}$$

2組の辺の比とその間の角がそれぞれ等しいから  $\triangle ABC \sim \triangle ADE$

2 解答 略

$\triangle ABD$  と  $\triangle CAD$  において

$$\angle BDA = \angle ADC (=90^\circ) \quad \dots \dots \textcircled{1}$$

$\triangle ABD$ において、 $\angle BDA = 90^\circ$ であるから

$$\angle ABD + \angle BAD = 90^\circ \quad \dots \dots \textcircled{2}$$

$\angle BAC = 90^\circ$  であるから

$$\angle BAD + \angle CAD = 90^\circ \quad \dots \dots \textcircled{3}$$

②, ③ から  $\angle ABD = \angle CAD$

①, ④より、2組の角がそれぞれ等しいから

$$\triangle ABD \sim \triangle CAD$$