

式の展開と因数分解① (解答と解説)

- [1] **解答** (1) $2ab + 3ac$ (2) $4x^2 - x$ (3) $2a^2 - 7a - 4$
 (4) $x^2 - 9x + 18$ (5) $x^2 + 4x + 4$ (6) $x^2 - 4$

$$(1) \quad a(2b + 3c) = a \times 2b + a \times 3c$$

$$= 2ab + 3ac$$

$$(2) \quad 2x(x+1) + x(2x-3) = 2x^2 + 2x + 2x^2 - 3x \\ = 4x^2 - x$$

$$(3) \quad (2a+1)(a-4) = 2a^2 - 8a + a - 4 \\ = 2a^2 - 7a - 4$$

$$(4) \quad (x-3)(x-6) = x^2 - 6x - 3x + 18 \\ = x^2 - 9x + 18$$

$$(5) \quad (x+2)^2 = x^2 + 2 \times 2 \times x + 2^2 \\ = x^2 + 4x + 4$$

$$(6) \quad (x+2)(x-2) = x^2 - 2^2 \\ = x^2 - 4$$

- [2] **解答** (1) $y(x+z)$ (2) $(x+1)(x+2)$ (3) $(x-5)^2$
 (4) $(y+7)(y-7)$ (5) $b(a-b+2c)$ (6) $2(x-1)(x-6)$

$$(1) \quad xy + yz = y \times x + y \times z \\ = y(x+z)$$

$$(2) \quad x^2 + 3x + 2 = x^2 + (1+2)x + 1 \times 2 \\ = (x+1)(x+2)$$

$$(3) \quad x^2 - 10x + 25 = x^2 - 2 \times 5 \times x + 5^2 \\ = (x-5)^2$$

$$(4) \quad y^2 - 49 = y^2 - 7^2 \\ = (y+7)(y-7)$$

$$(5) \quad ab - b^2 + 2bc = b \times a - b \times b + b \times 2c \\ = b(a - b + 2c)$$

$$(6) \quad 2x^2 - 14x + 12 = 2(x^2 - 7x + 6) \\ = 2(x-1)(x-6)$$

- [3] **解答** (1) 2496 (2) 2601

$$(1) \quad 52 \times 48 = (50+2)(50-2) \\ = 50^2 - 2^2 \\ = 2500 - 4 \\ = 2496$$

$$(2) \quad 51^2 = (50+1)^2 \\ = 50^2 + 2 \times 1 \times 50 + 1^2 \\ = 2500 + 100 + 1 \\ = 2601$$

- [4] **解答** 略

連続する 2 つの奇数は、整数 n を使って $2n-1, 2n+1$ と表される。
 このとき、これらの積から小さい方の奇数の 2 倍をひいた数は

$$(2n-1)(2n+1) - 2(2n-1) = 4n^2 - 1 - 4n + 2 \\ = 4n^2 - 4n + 1 \\ = (2n-1)^2$$

これは、小さい方の奇数の 2 乗である。