

## 中学2年夏休み明け実力テスト 解答と解説&配点

1 [解答] 1.(1) 10 (2)  $\frac{1}{12}$  (3) 17 (4) (ア), (イ), (ウ) (5) 96 2.  $x=7, y=3$

3.  $y=9$  4.  $6\pi \text{ cm}^2$  5.  $108\pi (\text{cm}^2)$  配点1(1)~(5):3点×5 2~5:4点×4

$$1.(1) 8+4 \div 2$$

$$=8+2$$

$$=10$$

$$(2) \frac{1}{4} - \frac{2}{9} \div \frac{4}{3}$$

$$= \frac{1}{4} - \frac{2}{9} \times \frac{3}{4}$$

$$= \frac{1}{4} - \frac{1}{6}$$

$$= \frac{3}{12} - \frac{2}{12}$$

$$= \frac{1}{12}$$

$$(3) -2^3 + (-5)^2$$

$$= -8 + 25$$

$$= 17$$

(4) ウ) は  $2 \div 3 = \frac{2}{3}$  のように、整数にならない場合がある。

加法、減法、乗法の結果は、いつも整数になる。

よって (ア), (イ), (ウ)

$$(5) (-2ab)^2 \times 4a^4b \div (-8a^5b^2) = 4a^2b^2 \times 4a^4b \div (-8a^5b^2)$$

$$= -\frac{4a^2b^2 \times 4a^4b}{8a^5b^2}$$

$$= -2ab$$

$a=6, b=-8$  を  $-2ab$  に代入すると

$$-2 \times 6 \times (-8) = 96$$

2.  $\begin{cases} 2x + 3y = 23 & \dots \textcircled{1} \\ 3x - 5y = 6 & \dots \textcircled{2} \end{cases}$

$$\begin{array}{r} 6x + 9y = 69 \\ -) 6x - 10y = 12 \\ \hline 19y = 57 \\ y = 3 \end{array}$$

$y=3$  を ① に代入すると  $2x + 3 \times 3 = 23$

$$x = 7$$

よって  $x=7, y=3$

3.  $y$  は  $x$  に反比例し、 $x=3$  のとき  $y=-6$  だから

$a=xy$  に  $x=3, y=-6$  を代入すると、 $a=-18$

$$\text{よって}, y = -\frac{18}{x} \dots \textcircled{1} \text{となる。}$$

$$\textcircled{1} \text{に } x=-2 \text{ を代入すると}, y = -\frac{18}{-2}$$

$$y = 9$$

$$4. \text{ 面積は } \pi \times 3^2 \times \frac{240}{360} = 6\pi (\text{cm}^2)$$

$$5. \text{ 側面のおうぎ形の弧の長さは } 2\pi \times 6 = 12\pi (\text{cm})$$

$$\text{よって, 側面積は } \frac{1}{2} \times 12\pi \times 12 = 72\pi (\text{cm}^2)$$

$$\text{また, 底面積は } \pi \times 6^2 = 36\pi (\text{cm}^2)$$

$$\text{よって, 表面積は } 36\pi + 72\pi = 108\pi (\text{cm}^2)$$

2 [解答] 1.  $h = \frac{2S}{a+b}$  2.  $\frac{a+b+56}{3} \geq x$  3. 略 4. 略

5. 車で進んだ道のり 15 km, 歩いた道のり 5 km 配点: 4点×5

1. 台形の面積  $S$  は

$$S = \frac{1}{2}(a+b)h$$

$$S = \frac{1}{2}(a+b)h \text{ を } h \text{ について解く。}$$

$$\text{両辺を入れかえると } \frac{1}{2}(a+b)h = S$$

$$\text{両辺に } 2 \text{ をかけると } (a+b)h = 2S$$

$$\text{両辺を } (a+b) \text{ でわると } h = \frac{2S}{a+b}$$

2. A 君, B 君, C 君の 3 人の体重の平均は  $\frac{a+b+56}{3}$  kg であるから

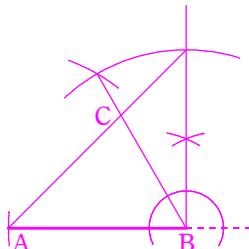
$$\frac{a+b+56}{3} \geq x$$

3.  $\angle ABC = 180^\circ - (45^\circ + 75^\circ) = 60^\circ$  であることを利用する。

- ① 点 B を通り, 辺 AB に垂直な直線をひく。
- ② ①でかいた直線上に, PB=AB となる点 P をとり, 線分 AP をかく。
- ③ 線分 AB を 1 辺とする正三角形 QAB の頂点 Q を, 直線 AB について点 P と同じ側に作図する。
- ④ 線分 BQ をかき, 線分 AP との交点を C とする。

このとき,  $\triangle ABP$  は  $AB=PB$  の直角二等辺三角形であるから  $\angle CAB = 45^\circ$

また,  $\triangle ABQ$  は正三角形であるから,  $\angle ABC = 60^\circ$  となり,  $\triangle ABC$  は求める三角形である。答



4.  $m, n$  を整数とすると, 2つの奇数は

$$2m+1, \quad 2n+1$$

と表される。このとき, これらの差は

$$(2m+1)-(2n+1) = 2m+1-2n-1 \\ = 2(m-n)$$

$m-n$  は整数だから,  $2(m-n)$  は偶数である。

よって, 2つの奇数の差は偶数である。

5. 車で進んだ道のりを  $x$  km, 歩いた道のりを  $y$  km とすると

$$\begin{cases} x+y=20 \\ \frac{x}{30}+\frac{y}{4}=1+\frac{45}{60} \end{cases}$$

$$\text{この連立方程式を解くと } x=15, y=5$$

$x=15, y=5$  は問題に適している。

答 車で進んだ道のり 15 km, 歩いた道のり 5 km

3 [解答] 1. (1) 30 人 (2) 60 点 (3) 55 点 2. 0.7

配点: 1(1)~(3) 3点×3 2. 4点

1.(1)  $3+4+8+7+6+2=30$

答 30 人

(2) (階級値)×(度数)の合計は

$$35 \times 3 + 45 \times 4 + 55 \times 8 + 65 \times 7 + 75 \times 6 + 85 \times 2 = 1800$$

よって, 平均値は  $\frac{1800}{30} = 60$

答 60 点

(3) 度数のもっとも大きい階級の階級値は 55 点であるから, 最頻値は 55 点

2. 雷が発生すると予想した日のうち, 予想が当たった日数は 5 日

$30-8=22$  より, 雷が発生しないと予想したのは 22 日で, そのうち予想が当たった日数は  $22-6=16$  (日)

よって, 予想が当たった日数の合計は  $5+16=21$  (日)

したがって, 求める相対度数は  $\frac{21}{30} = 0.7$

- 4 [解答] 1. (1) (2, 4) (2)  $a=8$  2. (1)  $24 \text{ cm}^2$  (2) (0, 4) (3) 8 cm  
配点: 1.(1) 3点, 1.(2), 2.(1)~(3) 4点×4

1.(1) 点 A の  $x$  座標を  $t$  とする。

点 A は、比例  $y=2x$  のグラフ上の点であるから、 $x=t$  を  $y=2x$  に代入すると

$$y = 2t$$

したがって、A の座標は  $(t, 2t)$

点 B は、点 A と原点に関して対称であるから、点 B の座標は

$$(-t, -2t)$$

点 C, D は  $y$  軸に関して点 A, B とそれぞれ対称であるから

点 C の座標は  $(-t, 2t)$

点 D の座標は  $(t, -2t)$

よって  $AC = t - (-t) = 2t$

$$AD = 2t - (-2t) = 4t$$

長方形 ACBD の周の長さが 24 であるから

$$2t \times 2 + 4t \times 2 = 24$$

$$12t = 24$$

$$t = 2$$

$t = 2$  のとき、 $2t = 2 \times 2 = 4$  であるから、点 A の座標は  $(2, 4)$

- (2) 点 A は、反比例  $y = \frac{a}{x}$  のグラフ上の点でもあるから、 $y = \frac{a}{x}$  に  $x=2$ ,  $y=4$  を代入

すると

$$4 = \frac{a}{2}$$

$$a = 8$$

2. 点 B の  $x$  座標を  $t$  とする。

点 B は、反比例  $y = \frac{24}{x}$  のグラフ上の点であるから、B の  $y$  座標は  $y = \frac{24}{x}$  に  $x=t$  を代入

$$\text{して } y = \frac{24}{t}$$

よって、点 B の座標は  $\left(t, \frac{24}{t}\right)$

(1) AB の長さは  $t$

$$\text{BC の長さは } \frac{24}{t}$$

よって、長方形 OABC の面積は  $t \times \frac{24}{t} = 24$

図  $24 \text{ cm}^2$

- (2) 点 B の  $x$  座標は、点 C の  $x$  座標と等しいから 6 である。

$$\text{よって、点 B の } y \text{ 座標は } \frac{24}{t} = \frac{24}{6} = 4$$

点 A の  $y$  座標は、点 B の  $y$  座標と等しいから 4 である。

したがって、点 A の座標は  $(0, 4)$

- (3) OA の長さが 3 cm であるから、点 A の  $y$  座標は 3 である。

$$\text{点 A の } y \text{ 座標は、点 B の } y \text{ 座標と等しく } \frac{24}{t} \text{ であるから}$$

$$\frac{24}{t} = 3$$

$$t = 8$$

よって、点 B の座標は  $(8, 3)$  であるから、AB の長さは  $8 \text{ cm}$

OC の長さは AB の長さと等しいから  $8 \text{ cm}$

5 [解答] 1. (1)  $12\pi \text{ cm}^2$  (2)  $\frac{76}{3}\pi \text{ cm}^2$  2. (1) 側面積は  $24\pi \text{ cm}^2$ , 中心角は  $60^\circ$

(2) 12 cm 配点: 1.(1), 2.(1) 3点×3, 1.(2), 2.(2) 4点×2

1. (1) おうぎ形 OAB の中心角の大きさを  $a^\circ$  とすると

$$2\pi \times 6 \times \frac{a}{360} = 2\pi \times 2$$

よって  $a = 120$

したがって、おうぎ形 OAB の面積は  $\pi \times 6^2 \times \frac{120}{360} = 12\pi (\text{cm}^2)$

$$\begin{aligned} (2) \quad & \pi \times 2^2 \times \frac{1}{2} + \left( \pi \times 10^2 \times \frac{120}{360} - \pi \times 6^2 \times \frac{120}{360} \right) + \pi \times 2^2 \times \frac{1}{2} \\ &= 2\pi + \left( \frac{100}{3}\pi - 12\pi \right) + 2\pi \\ &= \frac{76}{3}\pi (\text{cm}^2) \end{aligned}$$

[別解] (おうぎ形の面積) =  $\frac{1}{2} \times (\text{弧の長さ}) \times (\text{半径})$  であることを利用する。

(1)  $\widehat{AB} = 2\pi \times 2 = 4\pi (\text{cm})$  であるから、求める面積は

$$\frac{1}{2} \times 4\pi \times 6 = 12\pi (\text{cm}^2)$$

(2) 中心角の大きさが等しいおうぎ形の弧の長さは、半径に比例する。

よって、右の図において

$$\widehat{A'B'} = 4\pi \times \frac{10}{6} = \frac{20}{3}\pi (\text{cm})$$

したがって、おうぎ形 OA'B' の面積は

$$\frac{1}{2} \times \frac{20}{3}\pi \times 10 = \frac{100}{3}\pi (\text{cm}^2)$$

よって、求める面積は

$$\pi \times 2^2 \times \frac{1}{2} + \left( \frac{100}{3}\pi - 12\pi \right) + \pi \times 2^2 \times \frac{1}{2} = \frac{76}{3}\pi (\text{cm}^2)$$

2. (1) 側面となるおうぎ形の、半径は 12 cm, 弧の長さは  $2\pi \times 2 = 4\pi (\text{cm})$  であるから、

側面積は

$$\frac{1}{2} \times 4\pi \times 12 = 24\pi (\text{cm}^2)$$

側面となるおうぎ形の中心角の大きさを  $x^\circ$  とする。

底面の円の周の長さは  $4\pi \text{ cm}$  であるから

$$2\pi \times 12 \times \frac{x}{360} = 4\pi$$

よって  $x = 60$

したがって、中心角の大きさは  $60^\circ$

(2) 点 A から、側面上を通って再び A に戻る線のうち、もっと短いものは、右の展開図における線分 AA' である。

右の図で、

$$\angle AOA' = 60^\circ, OA = OA'$$

であるから、 $\triangle OAA'$  の 3 つの角はすべて  $60^\circ$  である。

よって、 $\triangle OAA'$  は正三角形であるから、線分 AA' の長さは  $12 \text{ cm}$

したがって、求める長さは  $12 \text{ cm}$

