

1 [解答] (1) -3 (2) 1 (3) $8a-2b$ (4) $-a+b$ (5) $3y^2$ (6) $\frac{8x+3y}{8}$

- (1) $4+7 \times (6-7) = 4+7 \times (-1) = 4-7 = -3$
 (2) $81 \div (-3)^2 + (-2)^3 = 81 \div 9 + (-8) = 9-8 = 1$
 (3) $4(a-2b) + 2(2a+3b) = 4a-8b+4a+6b$
 $= 4a+4a-8b+6b$
 $= 8a-2b$
 (4) $4(2a+b) - 3(3a+b) = 8a+4b-9a-3b$
 $= 8a-9a+4b-3b$
 $= -a+b$
 (5) $12y \times (-xy^2) \div (-4xy) = \frac{12y \times xy^2}{4xy}$
 $= 3y^2$
 (6) $\frac{3x+5y}{4} + \frac{2x-7y}{8} = \frac{2(3x+5y)}{8} + \frac{2x-7y}{8}$
 $= \frac{2(3x+5y) + (2x-7y)}{8}$
 $= \frac{6x+10y+2x-7y}{8}$
 $= \frac{8x+3y}{8}$

2 [解答] (1) $8, 16, 32$ (2) 63° (3) $a=5$ (4) 24 cm^3 (5) $\frac{3}{20}$

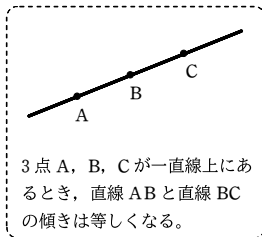
- (1) 71 と 103 のどちらかを割っても 7 あまる自然数だから
 $71-7 = 64, 103-7 = 96$
 64 と 96 の公約数で 7 より大きい自然数を求めればよい。
 $\begin{array}{r} 8 \overline{) 64, 96} \\ 8 \overline{) 8, 12} \\ \underline{2, 3} \end{array}$
 よって、32 の約数で 7 より大きい自然数は 8, 16, 32
- (2) $\triangle ABE$ において $\angle ABE = 180^\circ - (90^\circ + 72^\circ) = 18^\circ$
 ここで、 $\angle ABE = \angle FBE$ であるから $\angle FBC = 90^\circ - 18^\circ \times 2 = 54^\circ$
 $BF = AB, AB = BC$ であるから $BF = BC$
 よって $\angle x = (180^\circ - 54^\circ) \div 2 = 63^\circ$

- (3) 3 点 A, B, C が一直線上にあるとき、直線 AB の傾きと、直線 BC の傾きは等しい。

直線 AB の傾きは $\frac{3-1}{2-(-3)} = \frac{2}{5}$

直線 BC の傾きは $\frac{a-3}{7-2} = \frac{a-3}{5}$

よって $\frac{2}{5} = \frac{a-3}{5}$
 したがって $a = 5$



- (4) 底面積が 6 cm^2 、高さが 4 cm の三角柱であるから、その体積は
 $6 \times 4 = 24 (\text{cm}^3)$

- (5)
- | | | | | |
|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| $\begin{array}{c} a & b \\ 2 & \left\{ \begin{array}{l} 3 \\ 4 \\ 5 \\ 6 \end{array} \right. \end{array}$ | $\begin{array}{c} a & b \\ 3 & \left\{ \begin{array}{l} 2 \\ 4 \\ 5 \\ 6 \end{array} \right. \end{array}$ | $\begin{array}{c} a & b \\ 4 & \left\{ \begin{array}{l} 2 \\ 3 \\ 5 \\ 6 \end{array} \right. \end{array}$ | $\begin{array}{c} a & b \\ 5 & \left\{ \begin{array}{l} 2 \\ 3 \\ 4 \\ 6 \end{array} \right. \end{array}$ | $\begin{array}{c} a & b \\ 6 & \left\{ \begin{array}{l} 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \end{array} \right. \end{array}$ |
|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------|

b が a の約数になるのは
 (4, 2), (6, 2), (6, 3)

の 3 通りあるから、求める確率は $\frac{3}{20}$

3 [解答] (1) 3 人のグループ 23, 5 人のグループ 12 (2) 略 (3) 略

- (1) 3 人のグループの数を x , 5 人のグループの数を y とすると

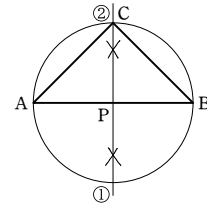
$$\begin{cases} x+15+y=50 \\ 3x+4 \times 15+5y=189 \end{cases}$$

この連立方程式を解くと $x=23, y=12$

$x=23, y=12$ は問題に適している。

図 3 人のグループ 23, 5 人のグループ 12

(2)



① 線分 AB の垂直二等分線を作図し、AB との交点を P とする。

② 点 P を中心として半径 AP の円をかく。この円と ① で作図した直線の交点の 1 つを C とし、C と A, C と B を結ぶ。

このとき、 $AP=CP, \angle APC=90^\circ$ であるから

$$\angle CAP = 45^\circ$$

また、 $CA=CB$ であるから、 $\triangle ABC$ は直角二等辺三角形である。

(3)

[仮定] $AB=DB, \angle ABD=90^\circ, BC=BE, \angle CBE=90^\circ$

[結論] $AE=DC$

[証明] $\triangle ABE$ と $\triangle DBC$ において

仮定から $AB=DB$ …… ①

$BE=BC$ …… ②

$$\angle CBE = \angle ABD = 90^\circ$$

$\angle CBE = \angle ABD$ の両辺に $\angle ABC$ を加えると

$$\angle CBE + \angle ABC = \angle ABD + \angle ABC$$

すなわち $\angle ABE = \angle DBC$ …… ③

①, ②, ③ より、2 辺とその間の角がそれぞれ等しいから

$$\triangle ABE \cong \triangle DBC$$

合同な図形の対応する辺は等しいから

$$AE = DC$$