

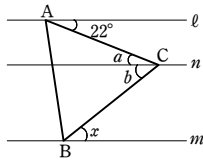
1 [解答] (1) 26 (2) 5 (3) $-5a+4b$ (4) $14x-16y$ (5) $-21x^2y^2$ (6) $\frac{-5a-6b}{6}$

- (1) $18-72 \div (-9) = 18+8 = 26$
 (2) $45 \div (-3)^2 = 45 \div 9 = 5$
 (3) $7(-3a+2b)+2(8a-5b) = -21a+14b+16a-10b = -5a+4b$
 (4) $4(6x-9y)-5(2x-4y) = 24x-36y-10x+20y = 14x-16y$
 (5) $9xy^2 \div (-3xy) \times 7x^2y = \frac{9xy^2 \times 7x^2y}{3xy} = -21x^2y^2$
 (6) $\frac{3a-4b}{2} - \frac{7a-3b}{3} = \frac{3(3a-4b)-2(7a-3b)}{6} = \frac{9a-12b-14a+6b}{6} = \frac{-5a-6b}{6}$

2 [解答] (1) $b=2l-a$ (2) 38° (3) $a=-\frac{1}{3}$ (4) 80 cm^3 (5) $\frac{1}{5}$

- (1) $l = \frac{a+b}{2}$
 両辺を入れかえると $\frac{a+b}{2} = l$
 両辺に2をかけると $a+b=2l$
 a を移項すると $b=2l-a$

(2) Cを通り l に平行な直線 n をひく。



平行線の錯角は等しいから $\angle a = 22^\circ$
 $\triangle ABC$ は正三角形であるから $\angle b = 60^\circ - 22^\circ = 38^\circ$
 よって $\angle x = \angle b = 38^\circ$

(3) 点Aは、反比例 $y = -\frac{3}{x}$ のグラフ上の点であるから、Aのy座標は、 $y = -\frac{3}{x}$ に

$x = -3$ を代入して $y = -\frac{3}{-3} = 1$

よって、Aの座標は $(-3, 1)$

Aは、比例 $y = ax$ のグラフ上の点でもあるから、 $y = ax$ に $x = -3, y = 1$ を代入すると $1 = a \times (-3)$

よって $a = -\frac{1}{3}$

(4) $AP = 6 \times \frac{1}{3} = 2 \text{ (cm)}$

$BQ = 6 \times \frac{2}{3} = 4 \text{ (cm)}$

$CR = 6 \times \frac{1}{3} = 2 \text{ (cm)}$

右の図のように、直方体を、Qを通り面ABCDに平行な平面IQJKで切る。

P, Rはそれぞれ線分AI, CJの中点であるから、P, Q, R,

D, I, J, Kを頂点とする立体の体積は、直方体ABCDIQJKの体積の半分である。その体積は

$(4 \times 5 \times 4) \times \frac{1}{2} = 40 \text{ (cm}^3\text{)}$

直方体IQJKEFGHの体積は

$4 \times 5 \times 2 = 40 \text{ (cm}^3\text{)}$

よって、求める体積は

$40 + 40 = 80 \text{ (cm}^3\text{)}$

(5) 赤玉を1, 2, 青玉を3, 4, 白玉を⑤, ⑥とすると、すべての場合は次のように

なる。

- $(\textcircled{1}, \textcircled{2}), (\textcircled{1}, \textcircled{3}), (\textcircled{1}, \textcircled{4}), (\textcircled{1}, \textcircled{5}), (\textcircled{1}, \textcircled{6})$
 $(\textcircled{2}, \textcircled{3}), (\textcircled{2}, \textcircled{4}), (\textcircled{2}, \textcircled{5}), (\textcircled{2}, \textcircled{6})$
 $(\textcircled{3}, \textcircled{4}), (\textcircled{3}, \textcircled{5}), (\textcircled{3}, \textcircled{6})$
 $(\textcircled{4}, \textcircled{5}), (\textcircled{4}, \textcircled{6})$
 $(\textcircled{5}, \textcircled{6})$

よって、取り出し方は全部で15通りあり、これらは同様に確からしい。2個とも同じ色が出るのは、上の図から3通りある。

よって、求める確率は $\frac{3}{15} = \frac{1}{5}$

別解 (2個とも同じ色が出る確率) = 1 - (2個とも異なる色が出る確率)

であるから、求める確率は $1 - \frac{4}{5} = \frac{1}{5}$

3 [解答] (1) 6個 (2) 略 (3) 略

(1) Bの袋から取り出した玉の個数を x 個とすると

$(12+x) : (42-x) = 1 : 2$

よって $(12+x) \times 2 = (42-x) \times 1$

$24 + 2x = 42 - x$

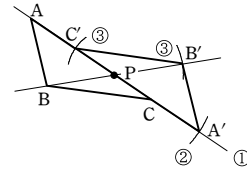
$3x = 18$

$x = 6$

これは問題に適している。

図 6個

(2)



① 直線APをひく。

② 点Pを中心とする半径PAの円をかき、直線APとの交点のうち、Aでない方の点を A' とおく。

③ 点B, Cについても、①, ②と同様にして、それぞれ点 B', C' を作図し、 $\triangle A'B'C'$ をかく。

このとき、 $\triangle A'B'C'$ を点Pを中心として 180° 回転すると、 $\triangle ABC$ に重なる。よって、求める図形は $\triangle A'B'C'$ である。

(3)

平行線の錯角は等しいから、 $AB \parallel CE$ より

$\angle BAC = \angle ACE \dots\dots \textcircled{1}$

平行線の同位角は等しいから、 $AB \parallel CE$ より

$\angle ABC = \angle ECD \dots\dots \textcircled{2}$

CEは $\angle ACD$ の二等分線であるから

$\angle ACE = \angle ECD \dots\dots \textcircled{3}$

①, ②, ③より $\angle BAC = \angle ABC$

したがって、 $\triangle ABC$ は $AC = BC$ の二等辺三角形である。

