

中学2年 1学期期末テスト予想問題

1 解答 (1) 2 (2) 3 (3) 2 (4) 3

(1) 単項式である。

$$6ab = 6 \times a \times b \text{ より, } 6ab \text{ の次数は } 2$$

(2) 単項式である。

$$-2x^2y = -2 \times x \times x \times y \text{ より, } -2x^2y \text{ の次数は } 3$$

(3) 多項式である。

$$2a \text{ の次数は } 1, b^2 \text{ の次数は } 2 \text{ であるから, } 2a + b^2 \text{ の次数は } 2$$

(4) 多項式である。

$$x^2y \text{ の次数は } 3, -y \text{ の次数は } 1 \text{ であるから, } x^2y - y \text{ の次数は } 3$$

2 解答 (1)  $6x + y$  (2)  $6x^2 + x - 3$  (3)  $2a^2 + 7a - 8$  (4)  $6m - 9n + 3$  (5)  $8a - 2b$

(6)  $-6x - 3y$  (7)  $\frac{6a - 11b}{12}$  (8)  $-20x^3$  (9)  $-9a$  (10)  $-6a$

$$\begin{aligned} (1) \quad 3x - y + 3x + 2y &= 3x + 3x - y + 2y \\ &= (3+3)x + (-1+2)y \\ &= 6x + y \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (2) \quad (5x^2 - x) + (x^2 + 2x - 3) &= 5x^2 - x + x^2 + 2x - 3 \\ &= 5x^2 + x^2 - x + 2x - 3 \\ &= 6x^2 + x - 3 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (3) \quad (3a^2 + 7a - 9) - (a^2 - 1) &= 3a^2 + 7a - 9 - a^2 + 1 \\ &= 3a^2 - a^2 + 7a - 9 + 1 \\ &= 2a^2 + 7a - 8 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (4) \quad (4m - 6n + 2) \div \frac{2}{3} &= (4m - 6n + 2) \times \frac{3}{2} \\ &= 4m \times \frac{3}{2} - 6n \times \frac{3}{2} + 2 \times \frac{3}{2} \\ &= 6m - 9n + 3 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (5) \quad 4(a - 2b) + 2(2a + 3b) &= 4a - 8b + 4a + 6b \\ &= 4a + 4a - 8b + 6b \\ &= 8a - 2b \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (6) \quad 6(x - 2y) - 3(4x - 3y) &= 6x - 12y - 12x + 9y \\ &= 6x - 12x - 12y + 9y \\ &= -6x - 3y \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (7) \quad \frac{3a - 2b}{3} - \frac{2a + b}{4} &= \frac{4(3a - 2b)}{12} - \frac{3(2a + b)}{12} \\ &= \frac{4(3a - 2b) - 3(2a + b)}{12} \\ &= \frac{12a - 8b - 6a - 3b}{12} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (8) \quad -5x \times (-2x)^2 &= -5x \times (-2x) \times (-2x) \\ &= -5 \times (-2) \times (-2) \times x \times x \times x \\ &= -20x^3 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (9) \quad 6a^2b \div \left(-\frac{2}{3}ab\right) &= 6a^2b \div \left(-\frac{2ab}{3}\right) \\ &= 6a^2b \times \left(-\frac{3}{2ab}\right) \\ &= -\frac{6a^2b \times 3}{2ab} \\ &= -9a \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (10) \quad 9ab \times 4b \div (-6b^2) &= -\frac{9ab \times 4b}{6b^2} \\ &= -6a \end{aligned}$$

3 解答 (1) -6 (2) 4

$$\begin{aligned} (1) \quad 2(a - 3b) + (a + 6b) &= 2a - 6b + a + 6b \\ &= 3a \end{aligned}$$

$a = -2$  を  $3a$  に代入すると  
 $3 \times (-2) = -6$

$$\begin{aligned} (2) \quad 6a^2b \div (-3ab) &= -\frac{6a^2b}{3ab} \\ &= -2a \end{aligned}$$

$a = -2$  を  $-2a$  に代入すると  
 $-2 \times (-2) = 4$

4 解答 (1)  $x = 4y - 3$  (2)  $a = \frac{2S}{h} - b$

$$\begin{aligned} (1) \quad x - 4y &= -3 \\ -4y \text{ を移項すると } x &= 4y - 3 \end{aligned}$$

$$(2) \quad S = \frac{(a+b)h}{2}$$

$$\frac{(a+b)h}{2} = S$$

$$a + b = \frac{2S}{h}$$

$$a = \frac{2S}{h} - b$$

5 解答 略

もとの自然数の十の位の数  $a$ 、一の位の数  $b$  とすると

$$\text{もとの自然数は } 10a + b$$

$$\text{入れかえた自然数は } 10b + a$$

と表される。このとき、これらの差は

$$\begin{aligned} (10a + b) - (10b + a) &= 10a + b - 10b - a \\ &= 9a - 9b \\ &= 9(a - b) \end{aligned}$$

$a - b$  は整数だから、 $9(a - b)$  は 9 の倍数である。

よって、もとの自然数と入れかえた自然数の差は 9 の倍数になる。

6 解答 略

連続する 3 つの奇数のうち、もっとも小さい数を  $2n + 1$  とすると、3 つの奇数は

$$2n + 1, 2n + 3, 2n + 5$$

と表される。

このとき、3 つの奇数の和は

$$\begin{aligned} (2n + 1) + (2n + 3) + (2n + 5) \\ &= 2n + 1 + 2n + 3 + 2n + 5 \\ &= 6n + 9 \\ &= 3(2n + 3) \end{aligned}$$

$2n + 3$  は整数だから、 $3(2n + 3)$  は 3 の倍数である。

よって、連続する 3 つの奇数の和は 3 の倍数になる。

7 解答  $9ab \text{ cm}^2$

長方形 ABCD の面積は  $4a \times 6b = 24ab$

$\triangle APQ$  は、長方形 ABCD から  $\triangle ABP$ 、 $\triangle PCQ$ 、 $\triangle QDA$  を除いたものである。

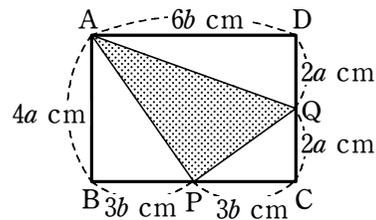
$$\triangle ABP \text{ の面積は } \frac{1}{2} \times 4a \times 3b = 6ab$$

$$\triangle PCQ \text{ の面積は } \frac{1}{2} \times 2a \times 3b = 3ab$$

$$\triangle QDA \text{ の面積は } \frac{1}{2} \times 2a \times 6b = 6ab$$

よって、 $\triangle APQ$  の面積は

$$24ab - (6ab + 3ab + 6ab) = 9ab \text{ (cm}^2\text{)}$$



8 解答 (1) 0.3 (2) 6 人

(1) 得点が 8 点以上の人数は  $7 + 5 = 12$  (人)

よって、求める相対度数は

$$\frac{12}{40} = 0.3$$

(2)  $2 + 3 + 5 = 10$  より、全問正解した人は、得点が 10 点であるから

5 人

$2 + 5 = 7$  より、第 1 問と第 3 問に正解した人は、得点が 7 点であるから

8 人

$3 + 5 = 8$  より、第 2 問と第 3 問に正解した人は、得点が 8 点であるから

7 人

よって、第 3 問だけ正解であった人数は

$$26 - (5 + 8 + 7) = 6 \text{ (人)}$$

9 解答 (1) 30 人 (2) 60 点 (3) 55 点

(1)  $3 + 4 + 8 + 7 + 6 + 2 = 30$  答 30 人

(2) (階級値)  $\times$  (度数) の合計は

$$35 \times 3 + 45 \times 4 + 55 \times 8 + 65 \times 7 + 75 \times 6 + 85 \times 2 = 1800$$

よって、平均値は  $\frac{1800}{30} = 60$

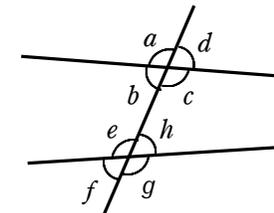
答 60 点

(3) 度数のもっとも大きい階級の階級値は 55 点であるから、最頻値は 55 点

10 解答 (1)  $\angle g$  (2)  $\angle h$

(1)  $\angle c$  の同位角は  $\angle g$

(2)  $\angle b$  の錯角は  $\angle h$



11 解答 (1)  $55^\circ$  (2)  $45^\circ$  (3)  $20^\circ$

(1) 平行線の同位角は等しいから

$$\angle x = 55^\circ$$

(2) 平行線の錯角は等しいから

$$\angle x = 45^\circ$$

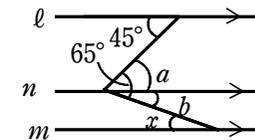
(3)  $l \parallel n$  より、錯角は等しいから

$$\angle a = 45^\circ$$

よって  $\angle b = 65^\circ - 45^\circ = 20^\circ$

$n \parallel m$  より

$$\angle x = \angle b = 20^\circ$$



12 解答 (1)  $20^\circ$  (2)  $27^\circ$  (3)  $125^\circ$

(1) 右の図のように点をとる。

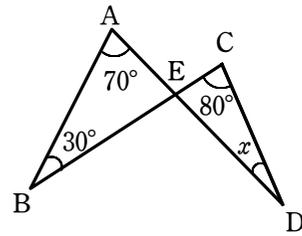
$\triangle ABE$  において、内角と外角の性質から

$$\angle AEC = 70^\circ + 30^\circ = 100^\circ$$

$\triangle CDE$  において、内角と外角の性質から

$$80^\circ + \angle x = 100^\circ$$

よって  $\angle x = 100^\circ - 80^\circ = 20^\circ$



(2) 右の図のように点をとる。

$l \parallel m$  より、同位角は等しいから

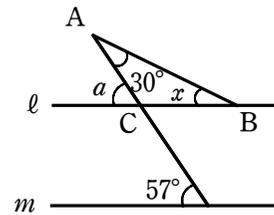
$$\angle a = 57^\circ$$

$\triangle ABC$  において、内角と外角の性質から

$$30^\circ + \angle x = 57^\circ$$

よって  $\angle x = 57^\circ - 30^\circ$

$$= 27^\circ$$



(3) 右の図のように点をとる。

AD の延長と線分 BC との交点を E とする。

$\triangle ABE$  において、内角と外角の性質から

$$\angle AEC = 45^\circ + 30^\circ = 75^\circ$$

$\triangle DCE$  において、内角と外角の性質から

$$\angle x = 50^\circ + 75^\circ = 125^\circ$$

