

三角形の相似条件① 解答と解説

1 [解答] (1) $\triangle ABC \sim \triangle DBE$, 2組の角がそれぞれ等しい
(2) $\triangle ABC \sim \triangle ADE$, 2組の辺の比とその間の角がそれぞれ等しい

(1) $\triangle ABC$ と $\triangle DBE$ において
 $\angle ABC = \angle DBE$ (共通), $\angle ACB = \angle DEB (= 53^\circ)$
2組の角がそれぞれ等しいから $\triangle ABC \sim \triangle DBE$

(2) $\triangle ABC$ と $\triangle ADE$ において
 $AB : AD = 15 : 10 = 3 : 2$, $AC : AE = 9 : 6 = 3 : 2$
 $\angle BAC = \angle DAE$ (共通)
2組の辺の比とその間の角がそれぞれ等しいから $\triangle ABC \sim \triangle ADE$

2 解答 略

$\triangle ABD$ と $\triangle CAD$ において

$$\angle BDA = \angle ADC (=90^\circ) \quad \dots \dots \textcircled{1}$$

$\triangle ABD$ において、 $\angle BDA = 90^\circ$ であるから

$$\angle ABD + \angle BAD = 90^\circ \quad \dots \dots \textcircled{2}$$

$\angle BAC = 90^\circ$ であるから

$$\angle BAD + \angle CAD = 90^\circ \quad \dots \dots \textcircled{3}$$

②、③ から $\angle ABD = \angle CAD \quad \dots \dots \textcircled{4}$

①、④ より、2組の角がそれぞれ等しいから

$$\triangle ABD \sim \triangle CAD$$