

三角形と四角形（二等辺三角形の性質②）解答と解説

1 答え (1) 略 (2) $AD=AE$ の二等辺三角形

(1) $\triangle ABD$ と $\triangle ACE$ において

$$\text{仮定から } BD=CE \quad \dots \dots \textcircled{1}$$

$\triangle ABC$ は $AB=AC$ の二等辺三角形であるから

$$AB=AC \quad \dots \dots \textcircled{2}$$

$$\angle ABD=\angle ACE \quad \dots \dots \textcircled{3}$$

①, ②, ③より, 2辺とその間の角がそれぞれ等しいから

$$\triangle ABD \cong \triangle ACE$$

(2) (1)から, 合同な図形では対応する辺の長さは等しいから

$$AD=AE$$

よって, $\triangle ADE$ は $AD=AE$ の二等辺三角形である。

2 答え 略

$\triangle ABD$ と $\triangle ACE$ において

$\triangle ABC$ と $\triangle ADE$ は正三角形であるから

$$AB=AC \quad \dots \dots \textcircled{1}$$

$$AD=AE \quad \dots \dots \textcircled{2}$$

また $\angle BAD=\angle BAC-\angle DAC$

$$=60^\circ-\angle DAC$$

$$\angle CAE=\angle DAE-\angle DAC$$

$$=60^\circ-\angle DAC$$

よって $\angle BAD=\angle CAE \quad \dots \dots \textcircled{3}$

①, ②, ③より, 2辺とその間の角がそれぞれ等しいから

$$\triangle ABD \cong \triangle ACE$$

したがって $BD=CE$